

نام درس: ریاضی  
نام دبیر: زهرا تعویذی  
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۷/۰۳  
ساعت امتحان: ۰۸:۰۰ صبح / عصر  
مدت امتحان: ۲۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران  
دبیرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد رسالت  
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تتمصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۰

نام و نام فانوادگی: .....  
مقطع و رشته: دهم ریاضی و تجربی  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۳ صفحه

| محل مهر و امضاء مدیر |   | نمره تجدید نظر به عدد: | نمره به حروف:  | نمره به عدد: |
|----------------------|---|------------------------|----------------|--------------|
| ردیف                 | سوالات  | نام دبیر:              | تاریخ و امضاء: | نام دبیر:    |
| ۱                    | برای دنباله حسابی $-5, 2, 9, \dots$ جمله عمومی بنویسید.   | ۰/۵                    |                |              |
| ۲                    | ریشه های معادلات زیر را در صورت وجود به دست آورید.<br><br>الف) $5x^2 - 2x - 3 = 0$<br>ب) $x^2 + 10 = 0$<br>ج) $x^2 + x + 4 = 0$ | ۱/۵                    |                |              |
| ۳                    | نمودار زیر را به کمک انتقال رسم کرده و بر آن را تعیین کنید.<br><br>$y = - x - 3 $   | ۱/۵                    |                |              |
| ۴                    | اگر $A = [1, +\infty)$ و $\mathbb{R}$ مجموعه مرجع باشد، $A'$ را به دست آورده و روی محور اعداد مشخص کنید.                        | ۱                      |                |              |
| ۵                    | اثبات کنید.<br><br>$(1 - \cos^2 x)(1 + \cot^2 x) = 1$   | ۱/۵                    |                |              |

اگر تابع  $f(x) = (m-2)x + b$  همانی باشد، مقدار  $m$  و  $b$  را بیابید.

۶

۱

عبارت زیر را تعیین علامت کنید.(جدول تعیین علامت رسم شود)

۷

$$y = \frac{x^2 - 1}{-x + 4}$$

۲

گویا کنید.

۸

$$\frac{1}{\sqrt[3]{5}}$$

۳

$$\frac{1}{\sqrt{2+3}}$$

در معادله زیر مقدار  $n$  را مشخص کنید.

۹

۰/۵

$$\frac{(n+2)!}{(n+1)!} = 8$$

از میان ۵ دانش آموز تجربی، ۳ دانش آموز انسانی و ۴ دانش آموز تجربی به چند طریق میتوان ۳ نفر را انتخاب کرد

۱۰

بطوری که:

(الف) هم رشته نباشند.

۴

ب) حداقل دو دانش آموز انسانی باشند.

۰/۵

با حروف کلمه قلم چی چند کلمه چهار حرفی با حروف متمایز می‌توان نوشت؟

۱۱

۱

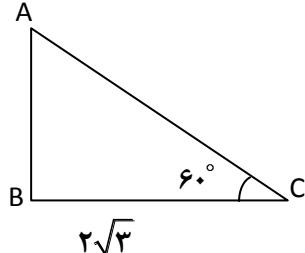
احتمال آنکه بیتا در درس ریاضی قبول شود  $0.7$  و احتمال آنکه در درس شیمی قبول شود  $0.4$  است، احتمال آنکه در هر دو درس قبول شود  $0.5$  است. احتمال آنکه بیتا حداقل در یکی از این دو درس قبول شود چقدر است؟

۱۲

در شکل زیر  $AB$  را به دست آورید.

۱۳

۱



دو تاس را با هم پرتاب می کنیم، احتمال آنکه مجموع آنها بیشتر از ۱۰ بیاید کدام است؟

۱۴

۱

نوع متغیرهای زیر را مشخص کنید.

۱۵

الف) میزان رضایت از غذای یک رستوران.

۱

ب) تعداد داوطلبان کنکور سراسری.

۱۶

۱

$$y = x^3 - 4x + 3$$

مینیمم سهی زیر را مشخص کنید.

۱۷

۱

$$x^3 + 27 =$$

به کمک اتحاد ها تجزیه کنید.

صفحه ۳ از ۳



محل مهر یا امضاء مدیر

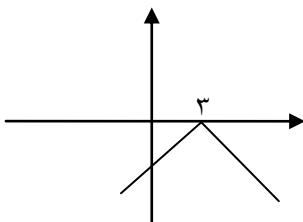
راهنمای تصحیح

ردیف

$$a_n = 7n - 12$$

الف) مجموع ضریب صفر:  $x^2 \neq -10$   
ب) ریشه ندارد:  $x = 1, x = \frac{-3}{5}$

ج) ریشه ندارد:  $\Delta = b^2 - 4ac = 1 - 16 = -15 < 0$



$$R_f = (-\infty, +\infty)$$

۳

$$A' = (-\infty, 1)$$

$$\sin^2 x \times \frac{1}{\sin^2 x} = 1$$

بهانه ی  $x = y \Rightarrow m - 2 = 1 \rightarrow m = 3, b = 0$

۴

|   |     |     |     |
|---|-----|-----|-----|
| x | -1  | 1   | 4   |
| y | + ○ | - ○ | + - |

۵

$$\frac{1}{\sqrt[3]{5}} \times \frac{\sqrt[3]{5^2}}{\sqrt[3]{5^2}} = \frac{\sqrt[3]{25}}{5} \quad \frac{1}{\sqrt[3]{2+3}} \times \frac{\sqrt[3]{2-3}}{\sqrt[3]{2-3}} = \frac{\sqrt[3]{-1}}{2-1} = \frac{\sqrt[3]{-1}}{-1}$$

۶

$$\frac{(n+2)!}{(n+1)!} = 8 \rightarrow \frac{(n+2)(n+1)!}{(n+1)!} = 8 \rightarrow n+2 = 8 \rightarrow n = 6$$

۷

$$\binom{3}{2} \binom{9}{1} + \binom{3}{3} = 28 \quad \text{ب)$$

$$\binom{5}{1} \binom{3}{1} \binom{4}{1} = 60 \quad \text{الف)}$$

۸

$$5 \times 4 \times 3 \times 2 = 120$$

۹

$$p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B) \rightarrow 0.7 + 0.4 - 0.5 = 0.6$$

۱۰

$$\tan 60^\circ = \frac{AB}{2\sqrt{3}} \rightarrow \sqrt{3} = \frac{AB}{2\sqrt{3}} \rightarrow AB = 6$$

۱۱

$$(6,5) (5,6) (6,6)$$

$$p = \frac{3}{36} = \frac{1}{12}$$

۱۲

الف) کیفی - ترتیبی ب) کمی - گستته

۱۳

$$y_{\min} = \frac{-\Delta}{4a} = \frac{-4}{4} = -1$$

۱۴

$$x^3 + 27 = (x+3)(x^2 - 3x + 9)$$

۱۵

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح: زهرا تعویذی

جمع بار ۲۰: نمره